

Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«СИБИРСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»
РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Б1.В.01 Методы оптимизации

наименование дисциплины (модуля) в соответствии с учебным планом

Направление подготовки / специальность

01.03.04 Прикладная математика

Направленность (профиль)

01.03.04 Прикладная математика

Форма обучения

очная

Год набора

2021

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Программу составили _____

канд. физ.-мат. наук, Доцент, Медведева М.И.

должность, инициалы, фамилия

1 Цели и задачи изучения дисциплины

1.1 Цель преподавания дисциплины

Целью изучения дисциплины является: знакомство студентов с основными методами и алгоритмами нахождения решений в задачах оптимизационного типа.

1.2 Задачи изучения дисциплины

Задачей изучения дисциплины является: ознакомление с основными положениями выпуклого анализа, нелинейного программирования, используемыми для решения междисциплинарных задач, выработка компетенций в области современных методов оптимизации функций, использование их в практической деятельности, получение представления о роли и месте методов оптимизации в современной науке и технике.

1.3 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

| Код и наименование индикатора достижения компетенции | Запланированные результаты обучения по дисциплине |
|---|--|
| ПК-1: Способен к постижению основ математических моделей реального объекта или процесса, готов применять моделирование для построения объектов и процессов, определения или предсказания их свойств. | |
| ПК-1.1: Знать основы применения математических моделей при исследовании процессов и систем. | основные понятия теории экстремальных задач основные типы задач оптимизации основные приемы решения задач оптимизации формулировать экстремальные задачи применять стандартные оптимационные процедуры для решения таких задач убедиться в доступности необходимой исходной информации, находить решения поставленной задачи идеями теории оптимизации методами теории оптимизации математическими методами моделирования действительности |
| ПК-1.2: Уметь использовать современный аппарат математического моделирования при решении прикладных научных и производственных задач | теоретические основы теории экстремальных задач основные методы в теории экстремальных задач условия применения методов и алгоритмов в теории экстремальных задач классифицировать оптимационные задачи применять основные алгоритмы при решении типовых задач решать типовые оптимационные задачи основными определениями и понятиями навыками решения задач одномерной оптимизации навыками решения задач многомерной оптимизации |

| | |
|---|---|
| ПК-1.3: Владеть методами проверки на адекватность и проведения анализа результатов моделирования. | <p>основные алгоритмы, используемые при решении задач оптимизации</p> <p>основные приемы, используемые и применяемые при решении задач оптимизации</p> |
| | <p>условия применения методов и алгоритмов и их практические ограничения</p> <p>работать с современными (автоматизированными) системами программирования</p> <p>применять вычислительную технику и стандартные пакеты прикладных программ</p> <p>выполнять постановку и эффективное решение задач оптимизации</p> <p>методами и моделями теории оптимационных задач</p> <p>навыками программирования</p> <p>практическими навыками применения методов оптимизации при численном решении реальных задач</p> |
| ПК-3: Способен применять математический аппарат для решения поставленных задач. | |
| ПК-3.1: Знать основы применения математического аппарата для решения поставленных задач. | <p>математические методы обработки экспериментальных данных</p> <p>элементы теории оптимизации</p> <p>методы анализа построенных формализованных моделей</p> <p>выделять основные этапы при разработке вычислительных алгоритмов</p> <p>разрабатывать вычислительные алгоритмы решения задач оптимизации</p> <p>реализовывать на ЭВМ вычислительные алгоритмы решения задач оптимизации</p> <p>способностью выбирать конкретные методы для решения экстремальных задач</p> <p>навыками решения формализованных экстремальных задач с помощью прикладных пакетов</p> <p>математическим и алгоритмическим аппаратом, позволяющим производить постановку и эффективное решение задач оптимизации</p> |

| | |
|--|---|
| ПК-3.2: Уметь самостоятельно разрабатывать математические модели, на основе содержательного и физического описания процессов и объектов. | <p>математическим и алгоритмическим аппаратом, позволяющим производить постановку и эффективное решение задач оптимизации</p> <p>основные направления в области экстремальных задач</p> <p>осуществлять отбор материала, характеризующего достижения науки с учетом специфики направления подготовки</p> <p>составлять обзоры и отчеты по результатам проводимых исследований</p> <p>навыками использования современных информационных технологий</p> <p>навыками работы с современными</p> |
| | (автоматизированными) системами программирования |
| ПК-3.3: Владеть основными понятиями и результатами основополагающих математических дисциплин; | <p>основные тенденции развития в области экстремальных задач</p> <p>современные алгоритмы решения задач безусловной оптимизации</p> <p>современные алгоритмы решения задач условной оптимизации</p> <p>применять математические методы обработки экспериментальных данных</p> <p>навыками осуществлять постановку задач оптимизации в процессе принятия решений</p> <p>навыками выбора подходящих алгоритмов и методов поиска оптимальных параметров при решении поставленных задач</p> |

1.4 Особенности реализации дисциплины

Язык реализации дисциплины: Русский.

Дисциплина (модуль) реализуется с применением ЭО и ДОТ

URL-адрес и название электронного обучающего курса: <https://e.sfu-kras.ru/course/view.php?id=249>.

2. Объем дисциплины (модуля)

| Вид учебной работы | Всего, зачетных единиц (акад.час) | Семестр | |
|---|-----------------------------------|---------|---|
| | | 1 | 2 |
| Контактная работа с преподавателем: | 3,5 (126) | | |
| занятия лекционного типа | 1,5 (54) | | |
| практические занятия | 2 (72) | | |
| Самостоятельная работа обучающихся: | 5,5 (198) | | |
| курсовое проектирование (КП) | Нет | | |
| курсовая работа (КР) | Нет | | |
| Промежуточная аттестация (Зачёт) (Экзамен) | 1 (36) | | |

3 Содержание дисциплины (модуля)

3.1 Разделы дисциплины и виды занятий (тематический план занятий)

| | | Контактная работа, ак. час. | | | | | | | |
|---|---|-----------------------------|--------------------|-------------------------------------|--------------------------------------|--|----------------------------------|----|--|
| № п/п | Модули, темы (разделы) дисциплины | Занятия лекционного типа | | Занятия семинарского типа | | | Самостоятельная работа, ак. час. | | |
| | | Всего | В том числе в ЭИОС | Семинары и/или Практические занятия | Лабораторные работы и/или Практикумы | | | | |
| 1. Задачи оптимизации | | | | | | | | | |
| 1. | Основные понятия. Типы экстремальных задач. Критерии оптимизации. Классификация методов оптимизации. Выпуклые множества. Выпуклые функции. Постановка задачи оптимизации. Нахождение локального и глобального минимума. | 4 | | | | | | | |
| 2. | Задачи оптимизации | | | 8 | | | | | |
| 3. | Задачи оптимизации | | | | | | | 10 | |
| 2. Методы одномерной минимизации | | | | | | | | | |
| 1. | Необходимые и достаточные условия нахождения условного и безусловного экстремума функции одной переменной. | 4 | | | | | | | |
| 2. | Методы одномерной минимизации. Методы прямого поиска. | 4 | | | | | | | |
| 3. | Методы, использующие информацию о производной целевой функции. | 4 | | | | | | | |

| | | | | | | | |
|---|---|--|---|--|--|--|----|
| 4. Методы нахождения глобального минимума функции. | 2 | | | | | | |
| 5. Необходимые и достаточные условия нахождения условного и безусловного экстремума функции одной переменной. | | | 8 | | | | |
| 6. Методы одномерной минимизации. Методы прямого поиска (реализация двух методов). | | | 8 | | | | |
| 7. Методы, использующие информацию о производной целевой функции (реализация двух методов). | | | 8 | | | | |
| 8. Методы нахождения глобального минимума функции одной переменной (реализация одного метода) | | | 4 | | | | |
| 9. Методы одномерной минимизации | | | | | | | 80 |
| 3. Методы поиска безусловного экстремума функции многих переменных | | | | | | | |
| 1. Общая постановка задачи минимизации функции нескольких переменных. | 2 | | | | | | |
| 2. Необходимые и достаточные условия безусловного экстремума. | 3 | | | | | | |
| 3. Методы поиска безусловного экстремума. Градиентные методы. Метод Ньютона и его модификации. | 5 | | | | | | |
| 4. Прямые методы безусловной минимизации. | 4 | | | | | | |
| 5. Необходимые и достаточные условия безусловного экстремума. | | | 4 | | | | |
| 6. Методы поиска безусловного экстремума. Градиентные методы (реализация одного метода). | | | 3 | | | | |
| 7. Метод Ньютона и его модификации (реализация одного метода). | | | 3 | | | | |
| 8. Прямые методы безусловной минимизации (реализация одного метода). | | | 4 | | | | |

| | | | | | | | | |
|--|----|--|----|--|--|--|-----|--|
| 9. Методы поиска безусловного экстремума многих переменных. | | | | | | | 30 | |
| 4. Вероятностные методы нахождения экстремума | | | | | | | | |
| 1. Методы случайного поиска. Адаптивный метод случайного поиска | 2 | | | | | | | |
| 2. Метод случайного поиска с возвратом при неудачном шаге. Метод наилучшей пробы. | 2 | | | | | | | |
| 3. Вероятностные методы нахождения экстремума | | | 4 | | | | | |
| 4. | | | | | | | 8 | |
| 5. Методы поиска условного экстремума функции многих переменных | | | | | | | | |
| 1. Необходимые и достаточные условия условного экстремума при различных типах ограничений. | 8 | | | | | | | |
| 2. Методы возможных направлений: метод условного градиента, метод проекций градиента, метод Зойтендейка. Метод барьеров и метод штрафов. | 4 | | | | | | | |
| 3. Необходимые и достаточные условия условного экстремума при различных типах ограничений. | | | 8 | | | | | |
| 4. Численные методы поиска условного экстремума и их программная реализация. | | | 4 | | | | | |
| 5. Методы поиска условного экстремума многих переменных. | | | | | | | 54 | |
| 6. Элементы вариационного исчисления | | | | | | | | |
| 1. Задачи вариационного исчисления. | 6 | | | | | | | |
| 2. Задачи вариационного исчисления. | | | 6 | | | | | |
| 3. Задачи вариационного исчисления. | | | | | | | 16 | |
| Всего | 54 | | 72 | | | | 198 | |

4 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

4.1 Печатные и электронные издания:

1. Пантелеев А. В., Летова Т. А. Методы оптимизации в примерах и задачах: учебное пособие для технических вузов(Москва: Высшая школа).
2. Дегтярев Ю. И. Методы оптимизации: учебное пособие для специальностей 0646 "Автоматизированные системы управления", 0647 "Прикладная математика"(Москва: Советское радио).
3. Пантелеев А.В., Летова Т.А. Методы оптимизации в примерах и задачах: учеб. пособие для студентов высших техн. учеб. заведений(Москва: Высшая школа).
4. Аоки М., Поляк Б. Т. Введение в методы оптимизации: основы и приложения нелинейного программирования(Москва: Наука, Гл. ред. физ.-мат. лит.).
5. Киреев В.И., Пантелеев А. В. Численные методы в примерах и задачах: учебное пособие для технических вузов(Москва: Высшая школа).
6. Пантелеев А. В. Методы оптимизации. Практический курс: учебное пособие с мультимедиа сопровождением(Москва: Издательская группа "Логос").
7. Пантелеев А. В., Кудрявцева И. А. Численные методы. Практикум (Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М").
8. Рубан А.И. Методы оптимизации: учебное пособие [для бакалавров и магистров напр. 220100 «Системный анализ и управление», 230100 «Информатика и вычислительная техника», 230400 «Информационные системы и технологии», 231000 «Программная инженерия»] (Красноярск: СФУ).

4.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства (программное обеспечение, на которое университет имеет лицензию, а также свободно распространяемое программное обеспечение):

1. Методика проведения занятий допускает использование технических средств (проекторы, интерактивные доски), обеспеченных соответствующим программным обеспечением, предлагается применение вычислительной техники и стандартных пакетов прикладных программ.

4.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационные справочные системы:

1. Наличие электронно-библиотечной системы (электронной библиотеки) и электронной информационно-образовательной среды СФУ, которые обеспечивают возможность индивидуального доступа для каждого обучающегося из любой точки, в которой имеется доступ к сети Интернет, как на территории СФУ, так и вне университета.

5 Фонд оценочных средств

Оценочные средства находятся в приложении к рабочим программам дисциплин.

6 Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Методика проведения занятий допускает как использование технических средств (проекторы, интерактивные доски), так и классические аудиторные занятия, обеспечиваемые стандартными материально-техническими средствами.